

1) $D \circ P \quad D = x \in U \quad P = (x, y) \in U \times V$

Si es posible ya que el universo de D es el mismo que el inicial de P(U).

$\forall x, y \in U \times V \quad \mu_{D \circ P}(y) = \max\{\min\{\mu_D(x), \mu_P(x, y)\}\}$

$\forall \begin{pmatrix} 0.9 & 0.6 & 0.8 \\ 0.7 & 1 & 0.8 \\ 0.8 & 0.7 & 1 \end{pmatrix}_{3 \times 3} \cdot \begin{pmatrix} 0.7 & 0.8 & 0.9 \\ 0.7 & 1 & 0.8 \\ 0.8 & 0.7 & 1 \end{pmatrix}_{3 \times 3} = \begin{pmatrix} 0.8 & 0.8 & 0.9 \end{pmatrix}_{1 \times 3}$

0.7	0.8	0.9
0.6	0.6	0.6
0.8	0.7	0.8

$\mathcal{I}(S) = \{0.10.8, 0.10.8, 0.10.9\}$

UNIVERSO!

$D \circ P \quad B = y \in V \quad P = (x, y) \in U \times V$

No es posible ya que los universos no coinciden

$P \circ D \quad P = (x, y) \in U \times V \quad D = x \in U$

No es posible

$P \circ B \quad P = (x, y) \in U \times V \quad B(y) \in V$

Si es posible ya que el universo final de P(V) coincide con el de B(V)

$\forall x, y \in U \times V \quad \mu_{P \circ B}(x) = \max\{\min\{\mu_P(x, y), \mu_B(y)\}\}$

$\forall \begin{pmatrix} 0.7 & 0.8 & 0.9 \\ 0.7 & 1 & 0.8 \\ 0.8 & 0.7 & 1 \end{pmatrix}_{3 \times 3} \cdot \begin{pmatrix} 0.7 \\ 0.8 \\ 0.9 \end{pmatrix}_{3 \times 1} = \begin{pmatrix} 0.9 \\ 0.8 \\ 0.9 \end{pmatrix}_{3 \times 1}$

0.7	0.7	0.7
0.8	0.8	0.7
0.8	0.8	0.9

$\mathcal{I}(S) = \{c10.9, t10.8, a10.9\}$

UNIVERSO!

2) $R = P \circ Q$

a) Calcula Universo donde está definida R, así como la expresión matricial de μ_R
 $P(x, y) \in U \times V \quad Q(y, z) \in V, W$. Si puede darse esta operación/relación ya que el universo de P final (V) es igual al inicial de Q

$\forall x, y \in U \times W \quad \mu_{P \circ Q}(x, z) = \max\{\min\{\mu_P(x, y), \mu_Q(y, z)\}\}$

$\forall \begin{pmatrix} 0.7 & 0.8 & 0.9 \\ 0.7 & 1 & 0.8 \\ 0.8 & 0.7 & 1 \end{pmatrix}_{3 \times 3} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0.9 \\ 1 & 0.8 \\ 0.7 & 1 \end{pmatrix}_{3 \times 2}$

$\begin{matrix} U & S & j \in W \\ c & \begin{pmatrix} 0.8 & 0.9 \\ 1 & 0.8 \\ 0.8 & 1 \end{pmatrix} \\ t & \\ a & \end{matrix}_{3 \times 2}$

0.8	0.8
0.7	0.7
0.7	1

$\mathcal{I}(S) = \{(c, s)10.8, (c, j)10.9, (t, s)11, (t, j)10.8, (a, s)10.8, (a, j)11\}$

b) Escribe lo que expresa semánticamente R.

La ruta $x \in U$ es recomendable para el colectivo $z \in W$

$R(x, z)$

c) Dom R

Máximo de cada fila. $\mu_{Dom R} = \{c10.9, t11, a11\}$

Ran R

Máximo de cada columna $\mu_{Ran R} = \{s11, j11\}$

UNIVERSO!

3) Formaliza

a) Beatriz practica mucho las rutas de interés pasajístico y la ruta del tamiño tiene algo de interés pasajístico

mucho B(pa) \wedge algo P(t, pa)

b) La ruta del agua es recomendable para el colectivo joven, ya que tiene un alto interés pasajístico aunque sea algo difícil ya que \Rightarrow

$R(a, jo) \quad \mu_{R(a, jo)} = \{a, pa\} \wedge \text{algo } D(a)$

mucho P(a, pa) \wedge algo D(a) $\Rightarrow R(a, jo)$

4) i) Muy verdaderas

a) mucho $B(p_a) \wedge$ algo $P(t, p_a)$

$$0.19^2 \wedge \sqrt{0.18} ; \min\{0.181, \sqrt{0.18}\} = 0.181$$



b) mucho $P(a, p_a) \wedge$ algo $D(a) \Rightarrow R(a, j_0)$

$$1^2 \wedge \sqrt{0.18} \Rightarrow 1$$

$$\min\{1^2, \sqrt{0.18}\} = \sqrt{0.18}$$

$$\max\{\min\{\sqrt{0.18}, 1\}, 1 - \sqrt{0.18}\}$$

$$\max\{\sqrt{0.18}, 1 - \sqrt{0.18}\} = \sqrt{0.18}$$



ii) muy falsa

a) $(1 - 0.181)^2 = 0.119^2$



b) $(1 - \sqrt{0.18})^2 = \dots$



iii) algo verdadera

a) $\sqrt{0.181} = \sqrt{0.19^2} = 0.19$



b) $\sqrt{\sqrt{0.18}}$

